

Họ và tên thí sinh: .....Số báo danh: .....

**Câu 1.** Cho số phức  $z = \sqrt{7} - 3i$ . Tính  $|z|$ .

A.  $|z| = 5$ .

B.  $|z| = 3$ .

C.  $|z| = 4$ .

D.  $|z| = -4$ .

**Câu 2.** Giới hạn  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+2x} - \sqrt[3]{1+3x}}{x}$  bằng

A. 2

B. 4.

C. 0

D. 1

**Câu 3.** Tập  $A = \{a, b, c, d\}$  có bao nhiêu hoán vị

A. 4

B. 8

C. 16

D. 24

**Câu 4.** Thể tích của khối chóp có diện tích đáy bằng 10 và chiều cao bằng 3 là

A. 30

B. 10

C. 3

D. 5

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	-2	0	2	$+\infty$
$y'$	+	0	-	0	-
$y$	$-\infty$	3	-1	3	$-\infty$

Số điểm cực đại của hàm số  $y = f(x) + 2018$  là:

A. 4

B. 3

C. 1

D. 2

**Câu 6.** Viết công thức tính thể tích  $V$  của vật thể nằm giữa hai mặt phẳng  $x = 0$  và  $x = \ln 4$ , bị cắt bởi mặt phẳng vuông góc với trục hoành tại điểm có hoành độ  $x$  ( $0 \leq x \leq \ln 4$ ), có thiết diện là một hình vuông có độ dài là  $\sqrt{xe^x}$ .

A.  $V = \pi \int_0^{\ln 4} xe^x dx$

B.  $V = \int_0^{\ln 4} \sqrt{xe^x} dx$

C.  $V = \int_0^{\ln 4} xe^x dx$

D.  $V = \pi \int_0^{\ln 4} [xe^x]^2 dx$

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$y'$	-	0	+	0	-
$y$	$+\infty$			5	
		1			$-\infty$

Giá trị nhỏ nhất của hàm  $f(x)$  với  $x \in (-\infty; 2]$  bằng

A. 1

B. 0

C. 2

D. 5

**Câu 8:** Hàm số nào sau đây xác định trên  $\mathbb{R}$

A.  $y = x^{\frac{1}{3}}$

B.  $y = \log_3 x$

C.  $y = 3^x$

D.  $y = x^{-3}$

**Câu 9:** Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \sin x + 1$  là

A.  $\cos x + x + C$

B.  $\frac{\sin^2 x}{2} + x + C$

C.  $-\cos x + x + C$

D.  $\cos x + C$

**Câu 10:** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm  $A(2; 2; 1)$ . Tính độ dài đoạn thẳng OA được

A.  $OA = 5$

B.  $OA = 3$

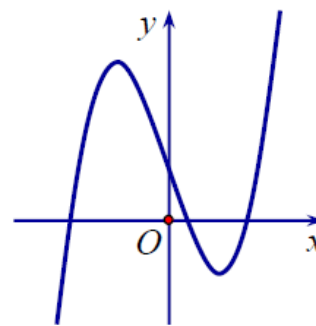
C.  $OA = 9$

D.  $OA = \sqrt{5}$

**Câu 11.**

Đường cong hình bên là đồ thị hàm số nào sau đây:

- A.  $y = x^3 + 3x + 1$   
 B.  $y = -x^3 + 3x - 1$   
 C.  $y = x^3 - 3x + 1$   
 D.  $y = -x^4 - 4x + 1$



**Câu 12.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng (Oyz)

- A.  $x = 0$       B.  $y + z = 0$       C.  $y - z = 0$       D.  $z = 0$

**Câu 13.** Cho bất phương trình:  $9^x + 3^{x+1} - 4 < 0$ . Khi đặt  $t = 3^x$ , ta được bất phương trình nào dưới đây?

- A.  $2t^2 - 4 < 0$       B.  $3t^2 - 4 < 0$       C.  $t^2 + 3t - 4 < 0$       D.  $t^2 + t - 4 < 0$

**Câu 14.** Cho hình nón có bán kính bằng a, chiều cao bằng 2a. Độ dài đường sinh của hình nón là:

- A.  $\ell = \sqrt{3}a$       B.  $\ell = 2\sqrt{3}a$       C.  $\ell = \sqrt{5}a$       D.  $\ell = 4a$

**Câu 15.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm A(1; 2; 1); B(2; 3; -1). Đường thẳng qua hai điểm A, B có phương trình:

- A.  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 2 + 5t \\ z = 1 \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + t \\ z = 1 - 2t \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x = 3 + t \\ y = 5 + 2t \\ z = t \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + 2t \\ z = -2 + t \end{cases}$

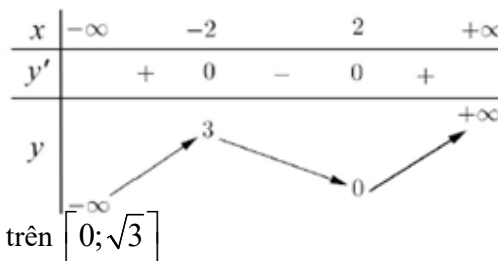
**Câu 16.** Tính  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 2}$

- A.  $+\infty$       B. 1      C. 3      D.  $-\infty$

**Câu 17.** Cho hàm số có bảng biến thiên bên.

Số nghiệm của phương trình  $f(x) + 3 = 0$  là:

- A. 2  
 B. 3  
 C. 1  
 D. 0



**Câu 18.** Tìm giá trị nhỏ nhất m của hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$  trên  $[0; \sqrt{3}]$

- A.  $m = -1$       B.  $m = 2$       C.  $m = \sqrt{3} - 3$       D.  $m = 0$

**Câu 19.** Tích phân  $I = \int_0^1 10^x dx$  bằng

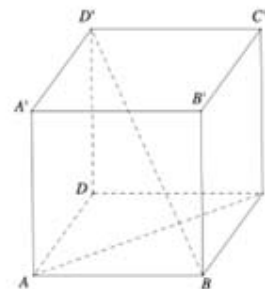
- A. 90      B. 40      C.  $\frac{9}{\ln 10}$       D.  $9 \ln 10$

**Câu 20.** Nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 2z + 5 = 0$  là:

- A.  $z = -1 - 2i$       B.  $z = 1 - 2i$       C.  $z = 1 + 2i$       D.  $z = -2 - i$

**Câu 21.** Cho hình lập phương ABCD.A'B'C'D' (tham khảo hình bên). Góc giữa hai đường thẳng AC và BD' bằng

- A.  $90^\circ$   
 B.  $30^\circ$   
 C.  $60^\circ$   
 D.  $45^\circ$



**Câu 22.** Gọi  $x_1, x_2$  là hai nghiệm của phương trình  $\log^2 x + \log_3 x \cdot \log 27 - 4 = 0$ . Giá trị của biểu thức  $\log x_1 + \log x_2$  bằng

- A. 3                      B. -3                      C. -4                      D. 4

**Câu 23.** Gieo một con xúc sắc cân đối đồng chất. Xác suất để xuất hiện mặt có số chấm là một số nguyên tố bằng:

- A.  $\frac{1}{4}$                       B.  $\frac{1}{2}$                       C.  $\frac{2}{3}$                       D.  $\frac{1}{3}$

**Câu 24.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai đường thẳng cắt nhau

$d_1: \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{-1}; d_2: \frac{x-3}{-1} = \frac{y}{2} = \frac{z+1}{1}$ . Viết phương trình mặt phẳng chứa hai đường thẳng cắt nhau  $d_1, d_2$ .

- A.  $3x - y + 5z - 4 = 0$                       B.  $3x - y + 5z + 4 = 0$   
C.  $3x - y - 5z - 4 = 0$                       D.  $3x - y - 5z + 4 = 0$

**Câu 25.** Biết rằng hệ số  $x^{n-2}$  trong khai triển  $\left(x - \frac{1}{4}\right)^n$  bằng 31. Tìm n

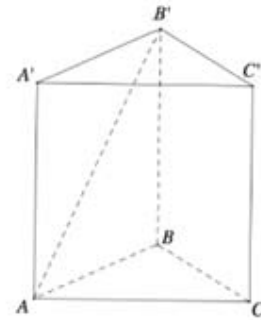
- A.  $n = 30$                       B.  $n = 32$                       C.  $n = 31$                       D.  $n = 33$

**Câu 26.** Một sinh viên A trong thời gian 4 năm học đại học đã vay ngân hàng mỗi năm 10 triệu đồng với lãi suất 3%/năm (thủ tục vay một năm một lần vào thời điểm đầu năm học). Khi ra trường A thất nghiệp nên chưa trả được tiền cho ngân hàng do vậy phải chịu lãi suất 8%/năm cho tổng số tiền vay gồm gốc và lãi của 4 năm học. Sau 1 năm thất nghiệp, sinh viên A cũng tìm được việc làm và bắt đầu trả nợ dần. Tổng số tiền mà sinh viên A nợ ngân hàng sau 4 năm đại học và 1 năm thất nghiệp gần nhất với giá trị nào sau đây?

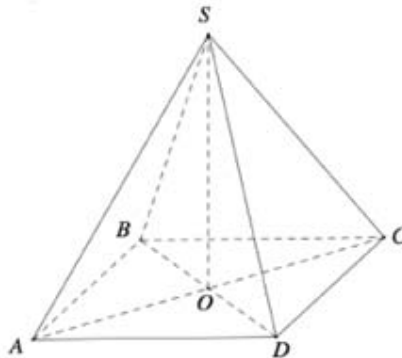
- A. 43.091.358 đồng    B. 48.621.980 đồng    C. 46.538.667 đồng    D. 45.188.656 đồng

**Câu 27.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  với  $AB = 2\sqrt{3}$ ,  $AA' = 2$  (tham khảo hình vẽ bên). Tang góc giữa đường thẳng  $AB'$  và mặt phẳng  $(BCC'B')$  bằng:

- A.  $\sqrt{3}$                       B.  $\frac{1}{\sqrt{3}}$   
C.  $\frac{3}{\sqrt{7}}$                       D.  $\frac{\sqrt{7}}{3}$



**Câu 28.** Cho hình chóp tứ giác đều S. ABCD có tất cả các cạnh bằng a (tham khảo hình vẽ bên). Khoảng cách giữa hai đường thẳng SA và CD bằng



- A.  $\frac{a\sqrt{6}}{6}$                       B.  $\frac{a\sqrt{3}}{3}$                       C.  $\frac{a\sqrt{3}}{6}$                       D.  $\frac{a\sqrt{6}}{3}$

**Câu 29.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho 3 đường thẳng

$$d_1: \frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+1}{-1}; d_2: \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{-2}; d_3: \begin{cases} x = 3 \\ y = 1-3t \\ z = 4t \end{cases}$$

đường thẳng d có véc tơ chỉ phương  $\vec{u} = (a; b; -2)$  cắt  $d_1, d_2, d_3$  lần lượt tại A, B, C sao cho B là trung điểm của đoạn thẳng AC. Tính  $T = a + b$

A.  $T = 15$

B.  $T = 8$

C.  $T = -7$

D.  $T = 13$

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ dưới đây

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$		
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$			$4$		$-2$	
	$-\infty$					$+\infty$

Hàm số  $y = f(3-x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A.  $(-\infty; 0)$

B.  $(4; 6)$

C.  $(-1; 5)$

D.  $(0; 4)$

**Câu 31.** Cho hai điểm A, B cố định,  $AB = 1$ . Tập hợp các điểm M trong không gian sao cho diện tích tam giác MAB bằng 4 là một mặt trụ. Tính bán kính r của mặt trụ đó.

A.  $r = 4$

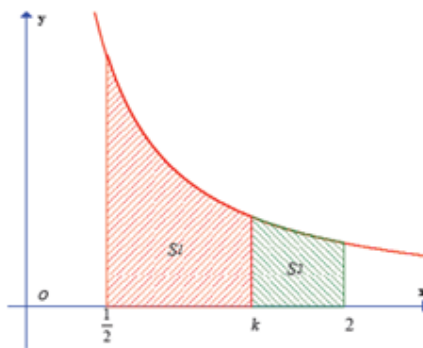
B.  $r = 2$

C.  $r = 1$

D.  $r = 8$

**Câu 32.** Cho hình thang cong (H) giới hạn bởi các đường  $y = \frac{1}{x}, x = \frac{1}{2}, x = 2$  và trục hoành. Đường

thẳng  $x = k \left( \frac{1}{2} < k < 2 \right)$  chia (H) thành hai phần có diện tích là  $S_1$  và  $S_2$  như hình vẽ bên. Tìm tất cả các giá trị thực của k để  $S_1 = 3S_2$ .



A.  $k = \sqrt{2}$

B.  $k = 1$

C.  $k = \frac{7}{5}$

D.  $k = \sqrt{3}$

**Câu 33.** Biết rằng  $\sin a, \sin a \cos a, \cos a$  theo thứ tự lập thành cấp số cộng. Tính  $S = \sin a + \cos a$

A.  $S = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$

B.  $S = \frac{1+\sqrt{3}}{2}$

C.  $S = \frac{1-\sqrt{3}}{2}$

D.  $S = \frac{1-\sqrt{5}}{2}$

**Câu 34.** Tìm tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số m để hàm số  $S = \frac{m \cos x + 1}{\cos x + m}$  đồng biến trên

$\left( 0; \frac{\pi}{3} \right)$ .

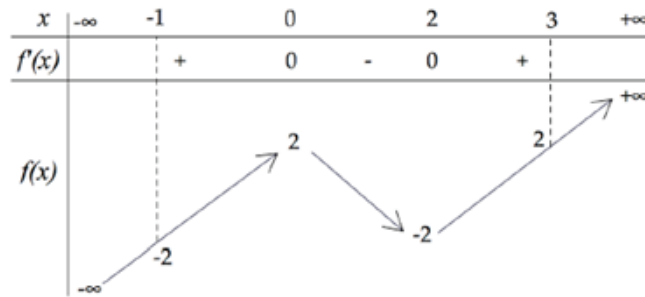
A.  $(-1; 1)$

B.  $(-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$

C.  $\left[ \frac{-1}{2}; 1 \right)$

D.  $\left( -1; \frac{-1}{2} \right)$

**Câu 35.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình vẽ bên



Có bao nhiêu số nguyên dương  $m$  để phương trình  $f(2\sin x + 1) = m$  có nghiệm thực?

- A. 2      B. 5      C. 4      D. 3

**Câu 36.** Cho phương trình  $\log_2^2 x - 4\log_2 x - m^2 - 2m + 3 = 0$ . Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình có hai nghiệm thực phân biệt  $x_1, x_2$  thỏa mãn:  $x_1^2 + x_2^2 = 68$ . Tính tổng các phần tử của  $S$ .

- A. -1      B. -2      C. 1      D. 2

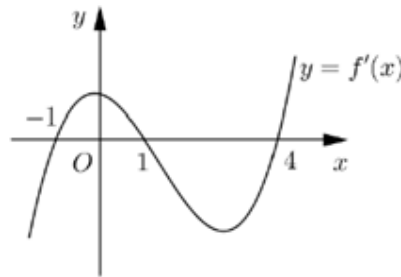
**Câu 37.** Cho tích phân  $\int_1^2 \sqrt{\frac{1}{x^8} + \frac{1}{x^6}} dx = a\sqrt{2} - b\sqrt{5}$  với  $a, b$  là các số hữu tỷ. Giá trị của biểu thức  $a + b$  bằng:

- A.  $\frac{7}{8}$       B.  $\frac{11}{24}$       C.  $\frac{7}{5}$       D.  $\frac{11}{5}$

**Câu 38.** Gọi  $A, B, C$  lần lượt là điểm biểu diễn của các số phức  $z, iz$  và  $2z$ . Biết diện tích tam giác  $ABC$  bằng 4. Mô đun của số phức  $z$  bằng:

- A.  $\sqrt{2}$       B. 8      C. 2      D.  $2\sqrt{2}$

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị hình vẽ bên



Hàm số  $y = f(x^2)$  có bao nhiêu điểm cực trị:

- A. 3      B. 5      C. 4      D. 3

**Câu 40.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , có bao nhiêu mặt phẳng đi qua  $M(-4; -9; 12)$  và cắt các trục tọa độ  $x'Ox, y'Oy, z'Oz$  lần lượt tại  $A(2; 0; 0), B, C$  sao cho  $OB = 1 + OC$

- A. 2      B. 1      C. 4      D. 3

**Câu 41.** Cho  $I(m) = \int_0^m \frac{1}{x^2 + 3x + 2} dx$ . Có tất cả bao nhiêu số nguyên dương  $m$  để  $e^{I(m)} < \frac{99}{50}$

- A. 100      B. 96      C. 97      D. 98

**Câu 42.** Cho hàm số  $y = 2x^3 - 3x^2 + 1$  có đồ thị  $(C)$ . Xét điểm  $A_1$  có hoành độ  $x_1 = 1$  thuộc  $(C)$ . Tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A_1$  cắt  $(C)$  tại điểm thứ hai  $A_2$  khác  $A_1$  có hoành độ  $x_2$ . Tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A_2$  cắt  $(C)$  tại điểm thứ hai  $A_3$  khác  $A_2$  có hoành độ  $x_3$ . Cứ tiếp tục như thế, tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A_{n-1}$  cắt  $(C)$  tại điểm thứ hai  $A_n$  khác  $A_{n-1}$  có hoành độ  $x_n$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của  $n$  để  $x_n > 5^{100}$ .

- A. 235      B. 234      C. 118      D. 117

**Câu 43.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; -1); M(2; 4; 1); N(1; 5; 3)$ . Tìm tọa độ điểm  $C$  nằm trên mặt phẳng  $(P): x + z - 27 = 0$  sao cho tồn tại điểm  $B, D$  tương ứng thuộc các tia  $AM, AN$  để tứ giác  $ABCD$  là hình thoi.

- A.  $C(6; -17; 21)$       B.  $C(20; 15; 7)$       C.  $C(6; 21, 21)$       D.  $C(18; -7; 9)$

**Câu 44.** Xét các số thực  $a \neq 0, b > 0$  sao cho phương trình  $ax^3 - x^2 + b = 0$  có ít nhất hai nghiệm thực. Giá trị lớn nhất của biểu thức  $a^2b$  bằng

- A.  $\frac{4}{27}$       B.  $\frac{15}{4}$       C.  $\frac{27}{4}$       D.  $\frac{4}{15}$

**Câu 45.** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $\frac{z-2i}{z-2}$  là số thuần ảo. Khi số phức  $z$  có mô đun nhỏ nhất. Tính giá trị của  $P = a + b$ .

- A. 0      B. 4      C.  $2\sqrt{2} + 1$       D.  $3\sqrt{2} + 1$

**Câu 46.** Hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AB$  với  $B'C$  bằng khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BC$  với  $AB'$  và bằng  $\frac{2a\sqrt{5}}{5}$ , khoảng cách giữa  $AC$  với  $BD'$  bằng  $\frac{a\sqrt{3}}{3}$  thì có thể tích bằng:

- A.  $2a^3$ .      B.  $a^3$ .      C.  $3a^3$ .      D.  $8a^3$ .

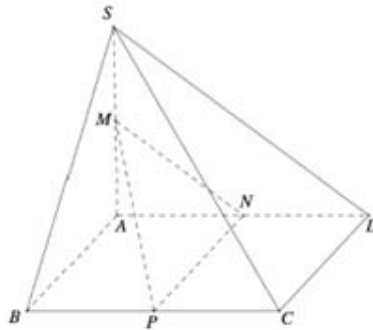
**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $[0; 1]$  thỏa mãn  $3f(x) + xf'(x) \geq x^{2018}$  với  $x \in [0; 1]$ . Giá trị nhỏ nhất của tích phân  $\int_0^1 f(x)dx$  bằng

- A.  $\frac{1}{2012 \times 2022}$       B.  $\frac{1}{2018 \times 2021}$       C.  $\frac{1}{2018 \times 2019}$       D.  $\frac{1}{2019 \times 2021}$

**Câu 48.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt phẳng (P):  $x + 2y + z - 4 = 0$ . Có tất cả bao nhiêu mặt cầu có tâm nằm trên mặt phẳng (P) và tiếp xúc với ba trục  $x'Ox, y'Oy, z'Oz$ ?

- A. 8 mặt cầu      B. 4 mặt cầu      C. 3 mặt cầu      D. 1 mặt cầu

**Câu 49.** Cho khối chóp S. ABCD có đáy là hình bình hành,  $AB = 3, AD = 4$ , góc  $\widehat{BAD}$  bằng  $120^\circ$ . Cạnh bên  $SA = 2\sqrt{3}$  vuông góc với đáy. Gọi M, N, P lần lượt là trung điểm các cạnh SA, AD và BC (tham khảo hình vẽ bên). Tính góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (MNP).



- A.  $60^\circ$       B.  $45^\circ$       C.  $90^\circ$       D.  $30^\circ$

**Câu 50.** Một dãy phố có 5 cửa hàng bán quần áo. Có 5 khách đến mua quần áo, mỗi người khách vào ngẫu nhiên 1 trong 5 cửa hàng. Tính xác suất để có ít nhất một cửa hàng có nhiều hơn 2 người khách.

- A.  $\frac{181}{625}$       B.  $\frac{24}{625}$       C.  $\frac{32}{125}$       D.  $\frac{21}{625}$

-----Hết-----

**HƯỚNG DẪN GIẢI ĐỀ LẦN 7 NĂM 2018 VIỆN KINH TẾ - THƯƠNG MẠI QUỐC TẾ**

**Câu 1:** Đáp án C.

**Câu 2:** Đáp án A

**Câu 3:** Đáp án C

**Câu 4:** Đáp án B

**Câu 5:** Đáp án D

**Câu 6:** Đáp án C

**Câu 7:** Đáp án A

**Câu 8:** Đáp án C

**Câu 9:** Đáp án C

**Câu 10:** Đáp án B

**Câu 11:** Đáp án C

**Câu 12:** Đáp án A

**Câu 13:** Đáp án C

**Câu 14:** Đáp án C

**Câu 15:** Đáp án B

**Câu 16:** Đáp án B

**Câu 17:** Đáp án C

**Câu 18:** Đáp án A

**Câu 19:** Đáp án C

**Câu 20:** Đáp án B

**Câu 21:** Đáp án A

**Câu 22:** Đáp án B

**Câu 23:** Đáp án B

**Câu 24:** Đáp án A

**Câu 25:** Đáp án B

**Câu 26:** Đáp án B.

Tổng số tiền mà A phải trả bằng:  $\frac{10}{0,03}(1+0,03)\left[(1+0,03)^4-1\right](1+0,08) \approx 46538667$  (đồng).

**Câu 27:** Đáp án C.

Gọi  $D$  là trung điểm của  $BC$  thì  $AD \perp BC$ . Mà  $AD \perp B'B$  (tính chất hình lăng trụ tam giác đều) nên  $AD \perp (BCC'B') \Rightarrow AD \perp DB'$ , do đó góc giữa  $AB'$  và mặt phẳng  $(BCC'B')$  chính là góc  $AB'D$ .

Trong tam giác vuông  $ADB'$  ta có:  $\tan AB'D = \frac{AD}{DB'} = \frac{2\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}{\sqrt{2^2 + \left(\frac{2\sqrt{3}}{2}\right)^2}} = \frac{3}{\sqrt{7}}$ .

**Câu 28:** Đáp án D.

Ta có:  $d(SA, CD) = d(CD; (SAB)) = d(C; (SAB)) = 2d(O; (SAB))$ .

Kẻ  $OF \perp SE$  với  $E$  là trung điểm của  $AB$  thì  $d(O; (SAB)) = FO$ .

Chúng ta tính được:  $\frac{1}{FO^2} = \frac{1}{EO^2} + \frac{1}{SO^2} = \frac{1}{\left(\frac{a}{2}\right)^2} + \frac{1}{a^2 - \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2} \Rightarrow FO = \frac{a\sqrt{6}}{6} \Rightarrow d(SA, CD) = \frac{a\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 29:** Đáp án A.

Gọi  $A(m; 2m+1; -m-1); B(2n+1; n-1; -2n); C(3; 1-3c; 4c)$

Để  $B$  là trung điểm của đoạn  $AC$  thì  $\overrightarrow{BA} = \overrightarrow{CB} \Leftrightarrow \begin{cases} a+3=4b+2 \\ 2a-3c+2=2b-2 \\ 4c-a-1=-4b \end{cases} \Leftrightarrow a=-\frac{7}{3}; b=-\frac{1}{3}; c=0$ .

Khi đó:

**Câu 30:** Đáp án D.

Suy luận nhanh:  $y' = -f'(3-x)$ . Đặt  $t = 3-x$  thì  $f'(t), -f'(x)$  dấu ngược nhau.

Đổi:  $\begin{cases} x=3 \Rightarrow t=0 \\ x=-1 \Rightarrow t=4 \end{cases}$ , quan sát bảng biến thiên của hàm số  $y=f(x)$ , thì  $f(x)$  nghịch biến trên  $(-1; 3)$ , nên  $f(3-x)$  đồng biến trên  $(0; 4)$ .

**Câu 31:** Đáp án D.

Diện tích tam giác  $S_{MAB} = \frac{1}{2} d(M, AB) \cdot AB$  trong đó:  $d(M, AB)$  là khoảng cách từ điểm  $M$  đến đoạn thẳng  $AB$ .

Do  $AB=1$ , tập hợp các điểm  $M$  trong không gian sao cho diện tích tam giác  $MAB$  bằng 4 là mặt trụ có bán kính  $r = d(M, AB) = \frac{2S_{MAB}}{AB} = 8$ .

**Câu 32:** Đáp án A.



$$\text{Ta có: } \begin{cases} S_1 + S_2 = \int_{\frac{1}{2}}^2 \frac{dx}{x} = 2 \ln 2 \\ S_1 = 3S_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{\ln 2}{2} = S_2 \\ S_2 = \int_k^2 \frac{dx}{x} = \ln 2 - \ln k \end{cases} \Rightarrow \ln k = \frac{\ln 2}{2} \Rightarrow k = \sqrt{2}.$$

**Câu 33:** Đáp án D.

Theo bài ra ta có:  $\sin a + \cos a = 2 \sin a \cos a$  (\*).

Đặt  $t = \sin a + \cos a, t \in [-\sqrt{2}; \sqrt{2}]$ , phương trình (\*) trở thành:  $t^2 - t - 1 = 0$ .

Từ đó  $t = \frac{1-\sqrt{5}}{2}$ , hay  $\sin a + \cos a = \frac{1-\sqrt{5}}{2}$ .

**Câu 34:** Đáp án B.

Đặt  $t = \cos x \Rightarrow t \in \left(\frac{1}{2}; 1\right)$ . Khi đó:  $y = f(t) = \frac{mt+1}{t+m} \Rightarrow f'(t) = \frac{m^2-1}{(t+m)^2}$ .

Hàm đã cho đồng biến trên  $\left(0; \frac{\pi}{3}\right)$  khi  $f'(t) < 0 \forall t \in \left(\frac{1}{2}; 1\right) \Rightarrow m^2 - 1 > 0 \Leftrightarrow m \in (-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$ .

**Câu 35:** Đáp án D.

Đặt  $t = 2 \sin x + 1, t \in [-1; 3]$ .

Nhìn vào bảng biến thiên, nhận thấy để phương trình  $f(2 \sin x + 1) = f(m)$  có nghiệm thực thì đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = m$ , khi  $-2 \leq m \leq 2$ . Với  $m \in \mathbb{N}^*$ , thì  $m \in \{1; 2\}$ .

**Câu 36:** Đáp án D.

Đặt  $t = \log_2 x$ , phương trình đã cho trở thành:  $t^2 - 4t - m^2 - 2m + 3 = 0$  (\*).

Để phương trình ban đầu có hai nghiệm thực phân biệt  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $x_1^2 + x_2^2 = 68$  thì phương trình

$$(*) \text{ có hai nghiệm phân biệt } t_1, t_2 \text{ với } \begin{cases} 4 = t_1 + t_2 = \log_2 x_1 + \log_2 x_2 = \log_2 (x_1 x_2) \Rightarrow x_1 x_2 = 16 & (1) \\ t_1 t_2 = -m^2 - 2m + 3 & (2) \end{cases}$$

Kết hợp (1) với  $x_1^2 + x_2^2 = 68$  ta tìm ra:  $x_1 + x_2 = 10$  (3).

Từ (1) và (3), ta có:  $x_1 = 2; x_2 = 8 \Rightarrow t_1 = 1; t_2 = 3 \Rightarrow t_1 t_2 = 3$  (4).

Từ (2) và (4), suy ra:  $-m^2 + 2m = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = 2 \end{cases}$ . Thử lại, thấy thỏa mãn.

**Câu 37:** Đáp án A.

Ta có:

$$\int_1^2 \sqrt{\frac{1}{x^8} + \frac{1}{x^6}} dx = \int_1^2 \frac{1}{x^3} \sqrt{1 + \frac{1}{x^2}} dx \xrightarrow{t=\frac{1}{x}} \int_{\frac{1}{2}}^1 t \sqrt{t^2 + 1} dt \xrightarrow{u=t^2+1} \frac{1}{2} \int_{\frac{5}{4}}^2 \sqrt{u} du = \frac{1}{3} \left( \sqrt{2^3} - \sqrt{\left(\frac{5}{4}\right)^3} \right) = \frac{2}{3} \sqrt{2} - \frac{5}{24} \sqrt{5}$$

Do đó:  $a = \frac{2}{3}; b = \frac{5}{24} \Rightarrow a + b = \frac{7}{8}$ .

**Câu 38:** Đáp án D.

Đề ý rằng tam giác  $OB \perp AC$  nên  $\frac{1}{2}|z| \cdot |z| = 4 \Leftrightarrow |z| = 2\sqrt{2}$ .

**Câu 39:** Đáp án B.

Từ đồ thị hàm số, chúng ta tìm ra hàm số:  $f'(x) = \frac{1}{4}x^3 - x^2 - \frac{1}{4}x + 1 \Rightarrow f(x) = \frac{x^4}{16} - \frac{x^3}{3} - \frac{x^2}{8} + x$ .

Vậy nên:  $f(x^2) = \frac{1}{16}x^8 - \frac{1}{3}x^6 - \frac{1}{8}x^4 + x^2 = g(x)$ .

Xét  $g'(x) = \frac{1}{2}x^7 - 2x^5 - \frac{1}{2}x^3 + 2x$  và  $g''(x) = \frac{7}{2}x^6 - 10x^4 - \frac{3}{2}x^2 + 2$ .

Nhận thấy  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x^2 - 4)(x^4 - 1) = 0$ .

Kiểm tra được:  $g''(0) > 0; g''(\pm 1) < 0; g''(\pm 2) > 0$  nên hàm số có hai điểm cực đại.

**Câu 40:** Đáp án B.

Giả sử  $B(0; b; 0)$  và  $C(0; 0; c)$  thì phương trình mặt phẳng  $(ABC): \frac{x}{2} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$  ( $\alpha$ ).

Bài cho ( $\alpha$ ) qua  $M(-4; -9; 12)$  nên:  $\frac{-4}{2} + \frac{-9}{b} + \frac{12}{c} = 1 \Leftrightarrow \frac{4}{c} - \frac{1}{b} = 1 \Rightarrow 4b - c = bc$  (1).

Mặt khác,  $OB = 1 + OC \Leftrightarrow |b| = 1 + |c|$  (2).

Từ (1) và (2), xét 4 trường hợp, ta chỉ tìm được một cặp số  $(b; c) = (2 + \sqrt{5}; 1 + \sqrt{5})$ .

**Câu 41:** Đáp án.

Ta có:  $I(m) = \int_0^m \left( \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} \right) dx = \ln \left| \frac{x+1}{x+2} \right| \Big|_0^m = \ln \left| \frac{m+1}{m+2} \right| + \ln 2 = \ln \left( 2 \cdot \left| \frac{m+1}{m+2} \right| \right)$ .

Đề  $e^{I(m)} < \frac{99}{50} \Leftrightarrow I(m) < \ln \frac{99}{50} \Rightarrow 2 \cdot \left| \frac{m+1}{m+2} \right| < \frac{99}{50} \Leftrightarrow \left| \frac{m+1}{m+2} \right| < \frac{99}{100} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{m-2}{100(m+2)} < 0 \\ \frac{199m+298}{100(m+2)} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \in \left( -\frac{298}{199}; 2 \right)$ .

Kết hợp  $m$  nguyên dương, ta tìm ra:  $m = 1$ .

**Câu 42:** Đáp án B.

Tiếp tuyến với (C) có dạng:  $y = 0, A_1(1; 0)$ . Từ đó  $x_2 = -\frac{1}{2}$ .

Tiếp tuyến với (C) tại  $A_2\left(-\frac{1}{2}; 0\right)$  có dạng  $y = \frac{9}{2}\left(x + \frac{1}{2}\right) + 0$  nên  $x_3 = \frac{5}{2}$ .

Tiếp tuyến với (C) tại  $A_3\left(\frac{5}{2}; \frac{27}{2}\right)$  có dạng  $y = \frac{45}{2}\left(x - \frac{5}{2}\right) + \frac{27}{2}$  nên  $x_4 = -\frac{7}{2}$ .

Tương tự, ta tìm ra được:  $x_5 = \frac{17}{2}$ . Chúng ta đi tìm quy luật của dãy  $\{x_n\}$ .

Xét dãy:  $\{y_n\}$  trong đó:  $y_n = x_{n+1} - x_n$  thì:  $y_{1+n} = -2y_n$ .

Với  $y_1 = -\frac{3}{2}$  ta có:  $y_n = \left(-\frac{3}{2}\right) \cdot (-2)^{n-1}$ . Từ đó:  $x_{n+1} - x_n = -\frac{3}{2}(-2)^{n-1}$ .

Kết hợp với  $x_1 = 1$  suy ra:  $x_n = \frac{1 + (-2)^{n-1}}{2}$ .

Theo bài:  $x_n > 5^{100}$  nên  $\frac{1 + (-2)^{n-1}}{2} > 5^{100} \Leftrightarrow (-1)^{n-1} 2^{n-1} > 2 \cdot 5^{100} - 1$ .

+ Nếu  $n$  là số chẵn, ta có:  $2^{n-1} < 1 - 2 \cdot 5^{100}$ , vô lí vì vế phải âm còn vế trái dương.

+ Nếu  $n$  là số lẻ, ta có:  $2^{n-1} > 2 \cdot 5^{100} - 1 \Leftrightarrow n > 1 + \log_2(2 \cdot 5^{100} - 1) \approx 234,1$ . Chọn giá trị bé nhất thoả mãn của  $n$  là 235.

**Câu 43:** Đáp án C.

Gọi  $A(1; 2; -1), B(2+b; 4+2b; 1+2b), C(c; n; 27-c), D(1+5+3d; 3+4d)$

Khi đó:  $\overrightarrow{AB}(1+b; 2+2b; 2b+2) \sim (1; 2; 2); \overrightarrow{DC}(c-1; n-3d-5; 24-c-4d)$ .

Để  $ABCD$  là hình thoi thì:

$$\begin{cases} \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} \\ \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b+1 = c-1 \\ 2b+2 = n-3d-5 \\ 2b+2 = 24-c-4d \\ (c-1)(b+1) + (n-2)(2b-3d-1) + (28-c)(2b-4d-2) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} c = 6 \\ b = 4 \\ d = 2 \\ n = 21 \end{cases} \Rightarrow C(6; 21; 21).$$

**Câu 44:** Đáp án A.

Xét hàm số:  $f(x) = ax^3 - x^2 + b$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm:  $f'(x) = 3ax^2 - 2x$ .

$$\text{Ta có: } f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow f(x) = b > 0 \\ x = \frac{2}{3a} \Rightarrow f(x) = b - \frac{4}{27a^2} \end{cases}$$

Đề phương trình  $f(x)=0$  có ít nhất hai nghiệm thực thì hàm số  $y=f(x)$  có hai cực trị trái dấu, khi và chỉ khi  $b\left(b-\frac{4}{27a^2}\right)\leq 0\Rightarrow b-\frac{4}{27a^2}\leq 0\Rightarrow a^2b\leq \frac{4}{27}$ .

**Câu 45:** Đáp án C.

Giả thiết  $\frac{z-2i}{z-2}$  là số thuần ảo suy ra:  $a(a-2)+b(b-2)=0\Leftrightarrow a^2+b^2=2(a+b)$ .

Lại có:  $|z|=\sqrt{a^2+b^2}$ , để môđun của  $z$  lớn nhất thì  $(a^2+b^2)$  lớn nhất.

Từ đánh giá:  $(a+b)^2\leq 2(a^2+b^2)\Rightarrow \left(\frac{a^2+b^2}{2}\right)^2\leq 2(a^2+b^2)\Rightarrow a^2+b^2\leq 8$ .

Căn cứ dấu bằng xảy ra, khi đó:  $a+b=4$ .

**Câu 46:** Đáp án .

Ta có:  $\frac{FA}{FB}\cdot\frac{GB}{GD}\cdot\frac{ED}{EA}=1\Rightarrow\frac{FA}{FB}=2\Rightarrow\frac{BF}{BA}=\frac{1}{3}$ .

Xét:  $\frac{V_{B.FGC}}{V_{B.ACD}}=\frac{BF}{BA}\cdot\frac{BG}{BD}=\frac{1}{6}$ ,  $V_{E.BCD}=V_{A.BCD}$  nên:  $V_{AECF}=V_{AFGDC}+V_{E.BCD}=\frac{5}{6}V_{B.ACD}+V_{B.ACD}=\frac{11}{6}V_{B.ACD}$ .

Ta tính được:  $V_{B.ACD}=\frac{\sqrt{2}}{12}a^3$  nên  $V_{AECF}=\frac{11\sqrt{2}}{60}a^3$ .

**Câu 47:** Đáp án C.

Chia cả hai vế  $3f(x)+xf'(x)\geq x^{2018}$  cho  $x$  ta được:  $\frac{3f(x)}{x}+f'(x)\geq x^{2017}\Rightarrow f'(x)\geq x^{2017}-\frac{3f(x)}{x}$ .

Từ đó:  $\int_0^1 f(x)dx\geq \int_0^1 x^{2017}dx=\frac{1}{2018\times 2019}$ .

**Câu 48:** Đáp án C.

Gọi  $I(a;b;c)$  là tâm mặt cầu, theo bài ra:  $\begin{cases} a+2b+c-4=0 \\ a^2+b^2=b^2+c^2=c^2+a^2 \end{cases}\Leftrightarrow \begin{cases} a+2b+c-4=0 \\ |a|=|b|=|c| \end{cases}$ .

Xét các trường hợp của  $a,b,c$ , ta có 3 bộ số thỏa mãn.

**Câu 49:** Đáp án B.

Giả sử:  $A(0;0;0), S(0;0;2\sqrt{3}), B(3;0;0), C\left(\frac{3}{2};\frac{3\sqrt{3}}{2};0\right)$  thì  $M(0;0;\sqrt{3}), N(-1;\sqrt{3};0), P\left(\frac{9}{4};\frac{3\sqrt{3}}{4};0\right)$ .

Tính ra các vectơ pháp tuyến của  $(SBC)$  và  $(MNP)$  là:  $\overrightarrow{n_{SBC}}\left(9;3\sqrt{3};\frac{9\sqrt{3}}{2}\right); \overrightarrow{n_{MNP}}(0;1;1)$ .

Từ đó:  $\cos((SBC);(MNP)) = \cos(\overrightarrow{n_{SBC}}; \overrightarrow{n_{MNP}}) = \frac{\sqrt{2}}{2}$ . Góc cần tính bằng  $45^\circ$ .

**Câu 50:** Đáp án A.

Người khách thứ nhất có 5 cách chọn một cửa hàng để vào.

Người khách thứ hai có 5 cách chọn một cửa hàng để vào.

Người khách thứ ba có 5 cách chọn một cửa hàng để vào.

Người khách thứ tư có 5 cách chọn một cửa hàng để vào.

Người khách thứ năm có 5 cách chọn một cửa hàng để vào.

Theo quy tắc nhân có  $5.5.5.5.5 = 3125$  khả năng khác nhau xảy ra cho 5 người vào 5 cửa hàng. Suy ra số phần tử của không gian mẫu là:  $|\Omega| = 3125$ .

Để có ít nhất một cửa hàng có nhiều hơn 2 khách vào thì có các trường hợp (TH) sau:

TH1: Một cửa hàng có 3 khách, một cửa hàng có 2 khách, ba cửa hàng còn lại không có khách nào.

TH này có  $C_5^1.C_5^3.C_4^1.C_2^2 = 200$  khả năng xảy ra.

TH2: Một cửa hàng có 3 khách, hai cửa hàng có 1 khách, hai cửa hàng còn lại không có khách nào.

TH này có  $C_5^1.C_5^3.C_4^2.P_2 = 600$  khả năng xảy ra.

TH3: Một cửa hàng có 4 khách, một cửa hàng có 1 khách, ba cửa hàng còn lại không có khách nào.

TH này có  $C_5^1.C_5^4.C_4^1 = 100$  khả năng xảy ra.

TH4: Một cửa hàng có 5 khách, các cửa hàng khác không có khách nào. TH này có  $C_5^1 = 5$  khả năng xảy ra.

Suy ra có tất cả  $200 + 600 + 100 + 5 = 905$  khả năng thuận lợi cho biến cố “có ít nhất một cửa hàng có nhiều hơn 2 người khách vào”.

Vậy xác suất cần tính là:  $P = \frac{905}{3125} = \frac{181}{625}$ .